

Matematica Senza Frontiere

Scuola superiore - classe prima

Competizione 10 Febbraio 2015

Proposta di soluzioni

Esercizio n. 1 (7 punti) Tappi preziosi

Se si ipotizza un istituto di 1 000 alunni ciascuno dei quali raccoglie 60 tappi al mese, in un anno si raccolgono $1\,000 \times 60 \times 12 = 720\,000$ tappi,

ma verosimilmente nell'anno scolastico, $1\,000 \times 60 \times 10 = 600\,000$ tappi

La raccolta, quindi, di un anno scolastico non è sufficiente per l'acquisto; per raccoglierne 1 000 000 occorrerebbero circa 17 mesi.

Parimenti sono accettabili soluzioni analoghe con diverse ipotesi di numerosità degli studenti e, altrettanto corretta, la soluzione individuata a ritroso partendo dall'ipotesi di soddisfacimento della richiesta.

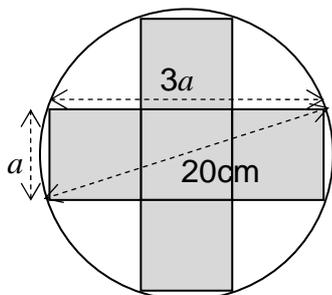
Esercizio n. 2 (7 punti) Il basket, che passione!

Una possibile comunicazione della risoluzione è tramite la seguente tabella di rappresentazione dei vari step del ragionamento

Squadra	Tiri realizzati	Punteggio totalizzato	Punteggio medio per partita	Migliore punteggio medio per partita
A		2 061	$2\,061 / 30 = 68,7$	
B		$69,3 \times 29 + 100 = 2\,110$ Complessivamente 2 110	$2\,110 / 30 = 70,3$	X
C	$666 \times 72\% + 873 \times 55\% + 486 \times 37\% = 480 + 480 + 180$	$480 \times 1 + 480 \times 2 + 180 \times 3 = 1\,980$	$1\,980 / 30 = 66$	

Per esaudire, al meglio, la richiesta della motivazione è però sufficiente l'esplicitazione delle singole argomentazioni riportate nella penultima colonna.

Esercizio n. 3 (10 punti) Smart box



Applicando il teorema di Pitagora si ricava che $a = \sqrt{40}$.
Il volume della scatola è $a^3 \approx 253 \text{ cm}^3$

Esercizio n. 4 (7 punti) Nonno Carletto e Paolo

Si calcolano i tre volumi ottenendo $V_1 = V_2 + V_3$

Il liquido contenuto nel cilindro, pertanto, riempirà completamente la sfera e il cono.

Esercizio n. 5 (10 punti) Tetrathlon

Le soluzioni sono plurime. (Denominiamo le squadre rispettivamente A – B – C – D – E – F – G – H)

Esempio della rappresentazione di una possibile soluzione tramite la seguente tabella:

Pallavolo	Calcio	Pallamano	Rugby
A - B	A - C	A - D	A - E
C - D	E - G	C - E	C - F
E - F	F - B	F - H	B - H
G - H	D - H	B - G	D - G

Esempio della rappresentazione di un'altra possibile soluzione tramite una tabella a doppia entrata:

	E	F	G	H
A	Pallavolo	Calcio	Pallamano	Rugby
B	Rugby	Pallavolo	Calcio	Pallamano
C	Pallamano	Rugby	Pallavolo	Calcio
D	Calcio	Pallamano	Rugby	Pallavolo

Esercizio n. 6 (5 punti) Decrescita programmata

Alcune osservazioni :

- i numeri da esaminare devono avere due cifre
- se si permutano le due cifre del primo numero, i numeri seguenti non cambiano, come pure la lunghezza della lista
- i numeri che contengono 0 oppure 1 determinano successioni di 2 elementi
- i numeri che contengono 2 determinano successioni di 3 elementi
-

Per 77 si ha 49 ; 36 ; 18 ; 8. E' 77 che origina la successione più lunga.

Esercizio n. 7 (10 punti) Teoria delle corde

Poligono	L segmento con origine A	L lato	Prodotto
quadrato	un segmento di $l = 2$	2 lati di $l = \sqrt{2}$	4
esagono	un segmento di $l = 2$ 2 segmenti di $l = \sqrt{3}$	2 lati di $l = 1$	6
triangolo equilatero		2 lati di $l = \sqrt{3}$	3

Congettura: per un poligono regolare di n lati inscritto in una circonferenza di raggio 1, il prodotto delle lunghezze dei segmenti congiungenti un vertice con gli altri misura n .

Secondo tale congettura il valore del prodotto relativo a un poligono regolare di 1 000 lati sarà **1 000**.

Esercizio n. 8 (5 punti) Curiosità

Detto x quello centrale si ha $(x-2) + (x-1) + x + (x+1) + (x+2) = 2015$ $x = 403$

Il numero maggiore è **405**.

Esercizio n. 9 (7 punti) In gita!

Se indichiamo con n il numero dei ragazzi del quarto autobus si individuano le seguenti condizioni:

- a) $(156+n):3$ deve essere un numero intero con resto 1
- b) $(156+n):5$ deve essere un numero intero con resto 1
- c) $(156+n):6$ deve essere un numero intero con resto 1 e inoltre $n < 52$

La (a) è soddisfatta da 1, 4, 7, 10, 13, 16, 19, 22, **25**.....(continuando a sommare 3).....

La (b) è soddisfatta da 5, 10, 15, 20, **25**.....(continuando a sommare 5).....

La (c) è soddisfatta da 7, 13, 19, **25**.....(continuando a sommare 6)....

L'unico valore < 52 che soddisfa tutte e tre le condizioni è **25**, quindi i partecipanti sono **181**

Oppure, anche ragionando così:

$m.c.m.(3;5;6) = 30$

il numero, multiplo di 30, maggiore di 156 e minore di 208 è 180

quindi $180+1 = 181$

Esercizio n. 10 (5 punti) L'osso di Nasrid

$$S = l^2 \quad S = 8^2 \text{ cm}^2 \quad S = 64 \text{ cm}^2$$

